



Recursion

Examples

Length (size) of a sequence

code	call 1	call 2	call 3	call 4
<div style="border: 1px solid blue; border-radius: 10px; padding: 2px; display: inline-block;">time</div>				
int size(list) {	(a,b,c)	(b,c)	(c)	(a)
if is_empty(list) return 0 else return 1 + size(tail(list));	false return 1 + 2	false return 1 + 1	false return 1 + 0	true return 0
<div style="border: 1px solid red; border-radius: 10px; padding: 2px; display: inline-block;">Output 3</div> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 10px; padding: 2px; display: inline-block; margin-left: 10px;">time</div>				

Display list (forwards)

code	call 1	call 2	call 3	call 4
<code>display(list) {</code>	<code>(a,b,c)</code>	<code>(b,c)</code>	<code>(c)</code>	<code>(a)</code>
<code>if not is_empty(list) {</code>	<code>true</code>	<code>true</code>	<code>true</code>	<code>false</code>
<code> display_el(head(list));</code>	<code>display a</code>	<code>display b</code>	<code>display c</code>	
<code> display(tail(list));</code>	<code>(b,c)</code>	<code>(c)</code>	<code>(a)</code>	
<code>}</code>	Output	a b c		
<code>}</code>				

Display list (backwards)

code	call 1	call 2	call 3	call 4
<code>display(list) {</code>	<code>(a,b,c)</code>	<code>(b,c)</code>	<code>(c)</code>	<code>(a)</code>
<code>if not is_empty(list) {</code>	<code>true</code>	<code>true</code>	<code>true</code>	<code>false</code>
<code> display(tail(list));</code>	<code>(b,c)</code>	<code>(c)</code>	<code>(a)</code>	
<code> display_el(head(list));</code>	<code>display a</code>	<code>display b</code>	<code>display c</code>	
<code>}</code>	Output <code>c b a</code>			
<code>}</code>				

Insert - beginning (sorted sequence)

code	Call 1
<code>insert(el, list) {</code>	<code>(a, (c,d,g))</code>
<code> if is_empty(list) return cons(el, list);</code>	<code>false</code>
<code> if getval(el)<getval(head(list)) return cons(el, list);</code>	<code>true</code> <code>return</code> <code>(a,c,d,g)</code>
<code> return(cons(head(list), insert(el, tail(list)));</code>	
<code>}</code>	

Insert - middle (sorted sequence)

code	Call 1	Call 2	Call 3
<code>insert(el, list) {</code>	<code>(e,(a,d,g))</code>	<code>(e, (d,g))</code>	<code>(e, (g))</code>
<code> if is_empty(list)</code> <code> return cons(el, list);</code>	<code>false</code>	<code>false</code>	<code>false</code>
<code> if</code> <code> getval(el)<getval(head(list))</code> <code> return cons(el, list);</code>	<code>false</code>	<code>false</code>	<code>true</code> <code> return</code> <code> (e,g)</code>
<code> return(cons(head(list),</code> <code> insert(el, tail(list)));</code>	<code>head=a</code> <code> return</code> <code> (a,d,e,g)</code>	<code>head=d</code> <code> return</code> <code> (d,e,g)</code>	
<code>}</code>			

Insert - end (sorted sequence)

code	Call 1	Call 2	Call 3
<code>insert(e1, list) {</code>	<code>(e, (a,d))</code>	<code>(e, (d))</code>	<code>(e, (⌘))</code>
<code>if is_empty(list) return cons(e1, list);</code>	false	false	true return (e)
<code>if getval(e1) < getval(head(list)) return cons(e1, list);</code>	false	false	
<code>return(cons(head(list), insert(e1, tail(list)));</code>	head=a return (a,d,e)	head=d return (d,e)	
<code>}</code>			

Delete - beginning (sorted sequence)

code	Call 1
<code>delete(el, list) {</code>	<code>(a, (a,d,e))</code>
<code> if is_empty(list) return list;</code>	<code>false</code>
<code> if getval(el)==getval(head(list)) return tail(list);</code>	<code>true</code> <code>return</code> <code>(d,e)</code>
<code> return(cons(head(list), delete(el, tail(list)));</code>	
<code>}</code>	

Delete - middle (sorted sequence)

code	Call 1	Call 2
<code>delete(e1, list) {</code>	<code>(d, (a,d,e))</code>	<code>(d, (d,e))</code>
<code> if is_empty(list) return list;</code>	<code>false</code>	<code>false</code>
<code> if getval(e1)==getval(head(list))</code> <code> return tail(list);</code>	<code>false</code>	<code>true</code> <code>return</code> <code>(e)</code>
<code> return(cons(head(list),</code> <code> delete(e1, tail(list)));</code>	<code>head=a</code> <code>return</code> <code>(a,e)</code>	
<code>}</code>		

Delete - end (sorted sequence)

code	Call 1	Call 2	Call 3
<code>delete(e1, list) {</code>	<code>(e, (a,d,e))</code>	<code>(e, (d,e))</code>	<code>(e, (e))</code>
<code> if is_empty(list) return list;</code>	false	false	false
<code> if getval(e1)==getval(head(list)) return tail(list);</code>	false	false	true return (x)
<code> return(cons(head(list), delete(e1, tail(list)));</code>	head=a return (a,d)	head=d return (d)	
<code>}</code>			